УЧРЕЖДЕНИЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ
«КОЛЛЕДЖ «ТИСБИ»

Согласовано:
Зам. директора по УР_____
В.К.Сафина

Утверждаю:
Директор_____
Т.Т.Федорова
«22» 02 _____20 23 г.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

учебной дисциплины

ЕН.01 Математика

Программа подготовки специалистов среднего звена

по специальности

38.02.01 Экономика и бухгалтерский учёт (по отраслям)

Казань 2023

ОДОБРЕНО

На заседании ПЦК

Экономических дисциплин

_____ Р.Ш.Ахмирова

протокол №___ от _____ ____ _____ 20 _____ г.

Составитель:

Фонд оценочных средств учебной дисциплины разработан на основе Федерального государственного образовательного стандарта (далее – ФГОС) по специальности среднего профессионального образования (далее – СПО) 38.02.01 Экономика и бухгалтерский учёт (по отраслям).

1. Пояснительная записка

Фонд оценочных средств (ФОС) предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу дисциплины Математика.

ФОС включают контрольно-оценочные материалы для проведения текущего и итогового контроля.

ФОС разработаны на основании:

Программы подготовки специалистов среднего звена по специальности 38.02.01 Экономика и бухгалтерский учёт (по отраслям). , рабочей программы учебной дисциплины Математика.

2. Паспорт контрольно-оценочных средств

Таблица 1.

Результаты обучения (освоенные умения(У), усвоенные знания(З))	**Основные показатели оценки результатов обучения**
У1-умение решать прикладные задачи в области профессиональной деятельности З1- знание основных математических методов решения прикладных задач в области профессиональной деятельности.	Правильное выполнение практических заданий (задач), правильные ответы на контрольные работы и тесты.
У2 – быстрота и точность поиска, оптимальность и научность необходимой информации, а также обоснованность выбора применения современных технологий её обработки. З2 – знание основных понятий и методов теории комплексных чисел, линейной алгебры, математического анализа.	Наличие системы базовых знаний, отражающих вклад математики в формирование современной научной картины мира, роль математического механизма в развитии общества, биологических и технических систем.
У3 – организовывать самостоятельную работу при освоении профессиональных компетенций; стремиться к самообразованию и повышению профессионального уровня. З3 - значение математики в профессиональной деятельности и при освоении ППССЗ.	Наличие системы базовых знаний, отражающих вклад математики в формирование современной научной картины мира, роль математического механизма в развитии общества, биологических и технических систем.
У4- умело и эффективно работать в коллективе, соблюдать профессиональную этику. З4 – знание математических понятий и определений, способов доказательства математическими методами.	Правильное выполнение практических заданий (задач), правильные ответы на контрольные работы и тесты .
У5 – умение рационально и корректно использовать информационные ресурсы в профессиональной и учебной деятельности.	Правильное выполнение практических заданий (задач), правильные ответы на

З5 - знание математического анализа информации, представленной различными способами, а также методов построения графиков различных процессов.	контрольные работы и тесты.

3.Распределение типов контрольных заданий по компетенциям

Таблица 2.

Элемент УД	*Формы и методы контроля*					
	Оперативный контроль		*Рубежный контроль*		*Промежуточная аттестация*	
	Проверяемые ОК, У, З	*Методы контроля*	*Проверяемые ОК, У, З*	*Методы контроля*	*Проверяемые ОК, У, З*	*Форма контроля*
Раздел 1. Основные понятия комплексных чисел			*У1, У 2 , З1,З2, ОК1, ОК2*	*Контрольная работа.*	*У1, У 2 , З1,З2, ОК1, ОК2*	*зачет*
Тема 1.1. Комплексные числа и действия над ними	*У1, У 2, З1, З2, ОК2, ОК2*	*Устный опрос* *Практическая работа* *Самостоятельная работа*				
Раздел 2. Элементы линейной алгебры			*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Тест №1, №2*	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*зачет*
Тема 2.1. Матрицы и определители	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Практическая работа* *Самостоятельная работа*				
Тема 2.2. Методы решения систем линейных уравнений	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				
Тема 2.3. Моделирование и решение задач линейного программирования		*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*		*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	
Раздел 3. Введение в анализ			*У5, З5, ОК1, ОК2*	*Контрольная работа.*	*У5, З5, ОК1, ОК2*	*зачет*
Тема 3.1. Функции многих переменных	*У5, З5, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				
Тема 3.2. Пределы и непрерывность	*У5, З5, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				
Раздел 4. Дифференциальные			*У1,У3, З1, З3*	*Контрольная*	*У1,У3, З1,*	*зачет*

исчисления			*ОК1, ОК2*	*работа.*	*З3 ОК1, ОК2*	
Тема 4.1. Производная и дифференциал	*У1,У3, З1, З3 ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				
Раздел 5. Интегральное исчисление и дифференциальные уравнения	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*		*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Контрольная работа.*	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*зачет*
Тема 5.1. Неопределённый интеграл	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				
Тема 5.2. Определённый интеграл	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				
Тема 5.3. Несобственный интеграл	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				
Тема 5.4. Дифференциальные уравнения	*У3,У4, З3,З4, ОК1, ОК2*	*Устный опрос* *Индивидуальное задание* *Самостоятельная работа*				

3.2 Типовые задания для оценки освоения учебной

Раздел 1. Основные понятия комплексных чисел

1. Вычислить:

1. i^{66}; i^{143}; i^{216}; i^{137}.
2. $i^{43} + i^{48} + i^{44} + i^{45}$.
3. $(i^{36} + i^{17})i^{23}$.
4. $(i^{133} + i^{115} + i^{200} + i^{142})(i^{17} + i^{36})$.
5. $i^{145} + i^{147} + i^{264} + i^{345} + i^{117}$.
6. $(i^{13} + i^{14} + i^{15})i^{32}$.
7. $(i^{64} + i^{17} + i^{13} + i^{82})(i^{72} – i^{34})$.

2. Найти x и y из равенства:

1. $3y + 5xi = 15 – 7i$;
2. $(2x + 3y) + (x – y)i = 7 + 6i$.

3. Найдите значения x и y из равенств:

1. $7x + 5i = 1 – 10iy$.
2. $(2x + y) – i = 5 + (y – x)i$.
3. $x + (3x – y)i = 2 – i$.
4. $(1 + 2i)x + (3 – 5i)y = 1 – 3i$.
5. $(2 – i)x + (1 + i)y = 5 – i$.
6. $(3i – 1)x + (2 – 3i)y = 2 – 3i$.

4. Произведите сложение и вычитание комплексных чисел:

1. $(3 + 5i) + (7 – 2i)$.
2. $(6 + 2i) + (5 + 3i)$.
3. $(– 2 + 3i) + (7 – 2i)$.
4. $(5 – 4i) + (6 + 2i)$.
5. $(3 – 2i) + (5 + i)$.
6. $(4 + 2i) + (– 3 + 2i)$.
7. $(– 5 + 2i) + (5 + 2i)$.
8. $(– 3 – 5i) + (7 – 2i)$.

5. Произведите умножение комплексных чисел:

1. $(2 + 3i)(5 – 7i)$.
2. $(6 + 4i)(5 + 2i)$.
3. $(3 – 2i)(7 – i)$.
4. $(– 2 + 3i)(3 + 5i)$.

5. (1 –i)(1 + i).
6. (3 + 2i)(1 + i).
7. (6 + 4i)3i.
8. (2 – 3i)(– 5i).

Раздел 2 Элементы линейной алгебры

Вычисление определителей.

1-3. Вычислить определители второго порядка.

1. $\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix}$; **2**. $\begin{vmatrix} \cos\alpha & -\sin\alpha \\ \sin\alpha & \cos\alpha \end{vmatrix}$; **3**. $\begin{vmatrix} \cos\alpha & \sin\alpha \\ \sin\beta & \cos\beta \end{vmatrix}$;

4-7. Вычислить определители третьего порядка.

4. $\begin{vmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 2 & 5 & 3 \\ 3 & 4 & 2 \end{vmatrix}$; **5.** $\begin{vmatrix} 4 & 2 & -1 \\ 5 & 3 & -2 \\ 3 & 2 & -1 \end{vmatrix}$; **6**. $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 6 \end{vmatrix}$ **7**. $\begin{vmatrix} \cos\alpha & -\sin\alpha & 0 \\ \sin\alpha & \cos\alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$

8. Решить уравнение: $\begin{vmatrix} 3 & x & -x \\ 2 & -1 & 3 \\ x+10 & 1 & 1 \end{vmatrix} = 0$;

9. Дана матрица $A=\begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$.

а) Вычислить определитель $|A|$.

б) Найти миноры всех элементов a_{ij}

10-13. Вычислить определители:

10. $\begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{vmatrix}$; **11**. $\begin{vmatrix} 2 & -5 & 1 & 2 \\ -3 & 7 & -1 & 4 \\ 5 & -9 & 2 & 7 \\ 4 & -6 & 1 & 2 \end{vmatrix}$; **12**. $\begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}$;

13. $\begin{vmatrix} 4 & 3 & -5 & 2 & 3 \\ 8 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 3 & -8 & 2 & 7 \\ 4 & 3 & -1 & 2 & 0 \\ 8 & 0 & 0 & 0 & -6 \end{vmatrix}$.

Ответы: 1: –2;

2: 1;

3: $\cos(\alpha+\beta)$;

4: –3;

5: 1;

6: 1;

7: 1;

8: $x= -4\pm\sqrt{22}$;

9: а) 2,

б) $M_{11}= -1$; $M_{12}= -1$; $M_{13}=1$; $M_{21}= -1$; $M_{22}= -1$; $M_{23}= -1$; $M_{31}=1$; $M_{32}= -1$;

$M_{33}= -1$.

10: –3; **11:**–9; **12:** 0; **13:** 0.

Раздел 3. Введение в анализ

1.Изобразите области определения функций:

$$z = \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2 - 9}}.$$

$$z = \arcsin(x + y).$$

$$z = \sqrt{xy} + acr\sin\frac{x}{2}.$$

$$z = \ln(4 - x^2 - y^2).$$

$$z = \sqrt{1 - x^2} + \sqrt{1 - y^2}.$$

$$z = \sqrt{(x^2 + y^2 - 1)(4 - x^2 - y^2)}.$$

$$z = \arcsin\frac{y}{x^2}.$$

$$z = \sqrt{\frac{x^2 + y^2 - x}{2x - x^2 - y^2}}.$$

$$u = \frac{x + y + z}{\sqrt{4 - x^2 - y^2 - z^2}}.$$

2.Постройте линии уровня функций:

$z = \frac{y}{x}$.

$z = x^2 - y^2$.

$z = x^2 + y^2$.

$z = \frac{1}{x^2 + 2y^2}$.

$z = \sqrt{xy}$.

$z = \frac{y - x^2}{x^2}$.

$z = x^2 y + y$.

$z = e^{\frac{2x}{x^2 + y^2}}$.

$z = \min(x^2, y)$.

3.Найдите частные производные первого порядка следующих функций:

$z = x^3 + 2y^3 - 7x^2y^4$.

$z = \frac{x^2 y}{x + y}$.

$z = \frac{x^2}{y} + \frac{y}{x^2}$.

$z = \sqrt{2xy + y^2}$.

$z = x\sqrt[3]{y} + \frac{y}{\sqrt{x}}$.

$z = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}$.

$z = \sqrt{x}\, e^{\frac{y}{x}}$.

$z = xe^{-xy}$.

$z = arctg\frac{y}{x}$.

Раздел 4. Дифференциальные исчисления

1.Определить порядок дифференциальных уравнений:

$y^2 - \sin(y') \cdot y + x^2(1+x)(1+y) = 0.$

$y \cdot y' - (y'')^2 = x^2 + 1.$

$(y''' - y')^2 \cdot y' - x^5 \cdot \mathrm{tg}(y) + \cos(y) = 0$

$y \cdot y' \cdot y'' - 2(y'')^2 = \ln(x).$

$\sin(x) \cdot \cos(y') - \sin^2(y') = \dfrac{y'}{(y'')^3 + 1}.$

$(y')^4 \cdot \ln(y') = 1.$

$\log(xy' - y'') + \left(\dfrac{x}{y}\right)''' - y = 0.$

$(x^2 + x + y) = (x - y)(y^2)''.$

$(y - 2y'' \cdot x)^2 \sqrt{y'''} = 5.$

$\cos(y'' - 2y' + x) = 0.$

2. Определить, является ли функция y(x) решением дифференциального уравнения:

$y = x^2, \quad y' \cdot x - 2y = 0.$

$y = \sin(x), \quad y'' + y = 0.$

$y = x^2 + x + 1, \quad 2y - y' - y'' = 2x^2 - 1.$

$y = \dfrac{1}{x}, \quad y' \cdot y'' - y''' = \dfrac{1}{x^5}.$

$y = (x - 1) \cdot e^x, \quad y' - y = 2e^x.$

$y = e^{x^3}, \quad y' = 3x^2 y.$

$y = (x - 2) \cdot (x - 3), \quad y' = xy'' - 5.$

$y = \ln(\cos(x)), \quad y' = -\mathrm{tg}(x).$

$y = \sin(x), \quad y' \cdot \mathrm{tg}(x) - y = 0.$

Раздел 5. Интегральное исчисление и дифференциальные уравнения

1. Найти общие решения однородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка:

$y' + 2y = 0.$

$y' - 8x^2 y = 0.$

$y' + \mathrm{tg}(2x) y = 0.$

$y' - \dfrac{xy}{e^{x^2}} = 0.$

$y' - \dfrac{\ln(x) y}{x} = 0.$

2. Найти общие решения неоднородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка:

$$y' + \frac{2y}{x} = x^2.$$

$$y' + xy = x.$$

$$y' - \frac{y}{x} = \frac{1}{x^2}.$$

3. Найти частные решения неоднородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка, удовлетворяющие начальным условиям:

. $y' + 3y = 1$, $y(0) = 0$.

. $y' - \mathrm{tg}(x)y = 0$, $y(0) = 0$.

. $y' - 2y = e^{2x}$, $y(0) = 1$.

. $y' + 2\mathrm{tg}(x)y = \cos^4(x)$, $y(0) = -1$.

. $y' - 2xy = e^{x^2}$, $y(1) = 1$.

4. Задания для оценки освоения дисциплины

Перечень практических (лабораторных) работ

№ работы	Название работы (в соответствии с рабочей программой)	Объём часов на выполнение работы	Страница
1.	Контрольная работа на тему «Основные понятия комплексных чисел»	2	
2.	Тестовые задания №1 по теме «Определители. Свойства определителей.»	2	
3	Тестовые задания №2 по теме «Обратные матрицы. Формула Крамера.»	2	
4	Контрольная работа на тему «Функции многих переменных»	2	
5	Контрольная работа на тему «Дифференциальные исчисления»	2	
6	Контрольная работа на тему «Интегральное исчисление и дифференциальные уравнения»	2	

Контрольная работа на тему «Основные понятия комплексных чисел»

Вариант 1

1. Вычислить: $i^{43} + i^{48} + i^{44} + i^{45}$.
2. Найти x и y из равенства:1. $5y + 3xi = 15 – 7i$;
3. Найдите значения x и y из равенств: $x + (3x – y)i = 2 – i$.
$(1 + 2i)x + (3 – 5i)y = 1 – 3i$.
4. Произведите сложение и вычитание комплексных чисел: $(5 – 4i) + (6 + 2i)$.
$(3 – 2i) + (5 + i)$.
5. Произведите умножение комплексных чисел: $(3 – 2i)(7 – i)$.
$(– 2 + 3i)(3 + 5i)$.

Вариант 2

1. Вычислить: $(i^{13} + i^{14} + i^{15})i^{32}$.
2. Найти x и y из равенства: $(3x + 3y) + (2x – y)i = 2 + 6i$.

3. Найдите значения x и y из равенств: $(2 – i)x + (1 + i)y = 5 – i$.
$(3i – 1)x + (2 – 3i)y = 2 – 3i$.

4. Произведите сложение и вычитание комплексных чисел: $(– 5 + 2i) + (5 + 2i)$.
$(– 3 – 5i) + (7 – 2i)$.

5. Произведите умножение комплексных чисел: $(6 + 4i)3i$.
$(2 – 3i)(– 5i)$.

Тестовые задания №1 по теме «Определители. Свойства определителей.»

Вариант 1

1. Дана матрица $A=\begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}$. Можно ли вычислить определитель матрицы?

a) Да;

*b) Нет.

2. Найти x из уравнения $\begin{vmatrix} x^2 & 4 & 9 \\ x & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}=0$.

a) $x_1=0$, $x_2= –2$;

*b) $x_1=3$, $x_2=2$;

c) $x_1= –2$, $x_2= –3$.

3. Как изменится определитель, если заменить его строки столбцами?

*a) Не изменится;

b) Умножится на (–1).

4. Выбрать значение i так, чтобы произведение $a_{21}a_{i2}a_{13}$ входило в значение определителя $\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}$ со знаком плюс.

a) i=1;

b) i =2;

*c) i =3.

5. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 5 & 6 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 5 & 6 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 & 6 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 5 & 6 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 5 \end{vmatrix}$.

a) 566;

b) 656;

*c) 665.

Вариант 2

1. Среди матриц

1) $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$; 2) $\begin{pmatrix} \sin\alpha & \cos\alpha \\ \cos\alpha & \sin\alpha \end{pmatrix}$; 3) $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\alpha & \sin\alpha \\ 0 & \sin\alpha & \cos\alpha \end{pmatrix}$ выбрать ту,

определитель которой равен единице.

*a) 1),

b) 2),

c) 3).

2. Как изменится определитель, если к каждой строке, кроме последней, прибавить последнюю строку?

a) Изменится;

*b) Не изменится.

3. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 2 & -3 & 1 \\ 6 & -6 & 2 \\ 2 & -1 & 2 \end{vmatrix}$.

a) 8;

*b) 10;

c) -8.

4. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} a-b & a+b \\ a+b & a-b \end{vmatrix}$.

a) 4ab;

*b) –4ab.

5. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & 4 & 2 & 0 & 6 \\ 8 & 1 & 0 & 3 & 1 \\ 1 & 0 & 5 & 1 & 1 \end{vmatrix}$

*a) 0;

b) 1;

c) 2;

d) 3.

Тестовые задания №2по теме
Обратные матрицы. Формула Крамера.
Вариант 1

1. Какие из перечисленных ниже условий должны быть выполнены, чтобы матрица А имела обратную матрицу A^{-1}?

a) det A = 0,
*b) det A ≠ 0,
*c) матрица А должна быть квадратной,
d) матрица А – вырожденная.

2. Система линейных уравнений $\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 = y_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 = y_2 \end{cases}$ записана в матричной форме A·X = Y, где $A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{pmatrix}$. Определить вид матриц X и Y.

a) $X = (x_1 \quad x_2)$,
*b) $X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$,
c) $Y = (y_1 \quad y_2)$,
*d) $Y = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \end{pmatrix}$.

3. Из систем линейных уравнений 1) $\begin{cases} 2x_1 + x_2 = 1 \\ 3x_1 - x_2 = 2 \end{cases}$, 2) $\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 = 1 \\ x_1 - x_2 = 2 \end{cases}$, 3) $\begin{cases} 2x_2 - x_1 = 1 \\ x_1 + 3x_2 = 2 \end{cases}$, 4) $\begin{cases} 2x_1 - x_2 = 1 \\ x_1 + 3x_2 = 2 \end{cases}$ выбрать ту, матричная запись которой имеет вид: $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$.

a) 1),
*b) 2),
c) 3),
d) 4).

4. Существует ли обратная матрица для матрицы

A=$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 3 & 1 \\ \frac{1}{2} & 1 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$?

a) Да,

*b) нет.

5. Используя обратную матрицу, найти матрицу X из уравнения AX=B, если

A=$\begin{pmatrix} 5 & -1 & -1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 4 & 3 & 2 \end{pmatrix}$, B=$\begin{pmatrix} 0 \\ 14 \\ 16 \end{pmatrix}$.

a) X=$\begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$,

*b) X=$\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}$,

c) X=$\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$

Вариант 2

1При каких значениях λ существует матрица, обратная матрице $\begin{pmatrix} 0 & \lambda & 0 \\ \lambda & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \lambda \end{pmatrix}$

a) λ = 0,

b) λ – любое действительное число,

*c) λ – любое действительное число, λ≠0.

2.Система линейных уравнений $\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 = 1 \\ 7x_1 + x_3 = 2 \\ 3x_1 + 4x_2 - x_3 = 3 \end{cases}$ представлена в матричной форме A·X=B, где $B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ – матрица-столбец свободных членов.

Выбрать верную запись среди следующих выражений:

1) $\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 7 & 0 & 1 \\ 3 & 4 & -1 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}$, 2) $\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 7 & 0 & 1 \\ 3 & 4 & -1 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{pmatrix}$,

3) $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 7 & 0 & 1 \\ 3 & 4 & -1 \end{pmatrix}$, 4) $\begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 7 & 0 & 1 \\ 3 & 4 & -1 \end{pmatrix}$.

*a) 1),
b) 2),
c) 3),
d) 4).

3.Укажите какие из следующих систем можно решать с помощью обратной матрицы ?

1) $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 - 2x_4 = 1 \\ x_1 + 2x_2 - x_3 + 2x_4 = -2 \end{cases}$, 2) $\begin{cases} x_2 - x_3 = 1 \\ x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 2 \\ -12x_2 + 17x_3 = 3 \end{cases}$,

3) $\begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_3 = 1 \\ 10x_1 + 5x_2 - 5x_3 = 2 \\ 11x_1 - 12x_2 + 17x_3 = 3 \end{cases}$.

a) 1),
*b) 2),
c) 3).

4. Можно ли решить систему уравнений по формулам Крамера

x+2y=5
3y+4z=18
5z+6u=39
7u+8v=68
9v+10x=55

*a) Да,
b) нет.

5. Решить систему уравнений:

-5x+ y + z=0
x - 6y + z=0
x + y - 7z=0.

a) (-1;-2;-3),
b) (3; 4; 1),
*c) (0; 0; 0).

Контрольная работа на тему «Функции многих переменных»

Вариант 1

1.Изобразите области определения функций:

$$z = \arcsin\frac{y}{x^2}.$$

$$z = \sqrt{\frac{x^2 + y^2 - x}{2x - x^2 - y^2}}.$$

$$u = \frac{x + y + z}{\sqrt{4 - x^2 - y^2 - z^2}}.$$

2.Постройте линии уровня функций:

$$z = e^{\frac{2x}{x^2+y^2}}.$$

$$z = \min(x^2, y).$$

$$z = \max(x + y, 2x - 3y).$$

3.Найдите частные производные первого порядка следующих функций:

$$z = e^{3x^2+2y^2-xy}.$$

$$u = yx^3 + xz^2 + y^2z.$$

$$u = \frac{x}{\sqrt{x + y^2 + z^3}}.$$

$$u = \left(\frac{x}{y}\right)^z.$$

Вариант 2

1.Изобразите области определения функций:

$z = \ln(4 - x^2 - y^2)$.

$z = \sqrt{1 - x^2} + \sqrt{1 - y^2}$.

$z = \sqrt{(x^2 + y^2 - 1)(4 - x^2 - y^2)}$.

2.Постройте линии уровня функций:

$z = \sqrt{xy}$.

$z = \frac{y - x^2}{x^2}$.

$z = x^2 y + y$.

3.Найдите частные производные первого порядка следующих функций:

$u = x^{\frac{y}{z}}$.

$u = x^2 y - \sqrt{xy + z^2}$.

$u = \sin(x + 2y) + 2\sqrt{xyz}$.

$u = \ln(3 - x^2) + xy^2 z$.

Контрольная работа на тему «Дифференциальные исчисления»

Вариант 1

1.Определить порядок дифференциальных уравнений:

$\sin(x) \cdot \cos(y') - \sin^2(y') = \frac{y'}{(y'')^3 + 1}$.

$(y')^4 \cdot \ln(y') = 1$.

$\log(xy' - y'') + \left(\frac{x}{y}\right)''' - y = 0$.

$(x^2 + x + y) = (x - y)(y^2)''$.

2. Определить, является ли функция y(x) решением дифференциального уравнения:

$y=\frac{1}{x}, \quad y'\cdot y''-y'''=\frac{1}{x^5}.$

$y=(x-1)\cdot e^x, \quad y'-y=2e^x.$

$y=e^{x^3}, \quad y'=3x^2y.$

$y=(x-2)\cdot(x-3), \quad y'=xy''-5.$

Вариант 2

1.Определить порядок дифференциальных уравнений:

$(y')^4\cdot\ln(y')=1.$

$\log(xy'-y'')+\left(\frac{x}{y}\right)'''-y=0.$

$(x^2+x+y)=(x-y)(y^2)''.$

$(y-2y''\cdot x)^2\sqrt{y'''}=5.$

2. Определить, является ли функция y(x) решением дифференциального уравнения:

$y=(x-1)\cdot e^x, \quad y'-y=2e^x.$

$y=e^{x^3}, \quad y'=3x^2y.$

$y=(x-2)\cdot(x-3), \quad y'=xy''-5.$

$y=\ln(\cos(x)), \quad y'=-\mathrm{tg}(x).$

Контрольная работа на тему «Интегральное исчисление и дифференциальные уравнения»

Вариант1

1. Найти общие решения однородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка:
   $y' - 8x^2y = 0.$
   $y' + \mathrm{tg}(2x)y = 0.$
2. Найти общие решения неоднородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка:
   $y' + 2y = 3e^x.$
). $y' - \cos(x)y = x^2.$
3. Найти частные решения неоднородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка, удовлетворяющие начальным условиям:
   $y' - \mathrm{tg}(x)y = 0,\ y(0) = 0.$
   $y' - 2y = e^{2x},\ y(0) = 1.$

Вариант2

1. Найти общие решения однородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка:
   $y' + \mathrm{tg}(2x)y = 0.$
   $y' - \frac{xy}{e^{x^2}} = 0.$
2. Найти общие решения неоднородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка:
   $y' + xy = x.$
   $y' - \frac{y}{x} = \frac{1}{x^2}.$
3. Найти частные решения неоднородных линейных дифференциальных уравнений первого порядка, удовлетворяющие начальным условиям:
   $y' + 2\mathrm{tg}(x)y = \cos^4(x),\ y(0) = -1.$
   $y' - 2xy = e^{x^2},\ y(1) = 1.$

Критерии оценки работы:

1. Выполнение задания – 5 баллов.
2. Дополнительный уточняющий вопрос – 4 балла.
3. Неполное выполнение задания – 3 балла.

Вопросы к зачету.

1. Определение комплексного числа в алгебраической форме, действия над ними.
2. Геометрическое изображение комплексных чисел.
3. Модуль и аргументы комплексного числа.
4. Определение матрицы, размерность матрицы.
5. Операция сложения матриц. Свойства.
6. Операция умножения матриц на число. Свойства.
7. Произведение матриц. Свойство операции умножения матриц.
8. Транспонирование матрицы. Свойства операции транспонирования.
9. Определители первого, второго и третьего порядка. Правило треугольника.
10. Минор. Алгебраическое дополнение.

11. Способы вычисления определителя.
12. Свойства определителей.
13. Разложение определителя по элементам столбца или строки.
14. Обратная матрица: определение, теорема о существовании обратной матрицы.
15. Решение систем линейных уравнений с помощью обратной матрицы.
16. Формулы Крамера. Решение систем линейных уравнений с помощью формул Крамера.
17. Ранг матрицы.
18. Методы нахождения ранга матрицы (метод окаймляющих миноров, метод Гаусса или метод элементарных преобразований).
19. Решение систем уравнений методом Гаусса.
20. Функции двух и нескольких переменных, способы задания, символика, область определения.
21. Предел функции.
22. Бесконечно малые функции.
23. Метод эквивалентных бесконечно малых величин.
24. Раскрытие неопределённости вида 0/0 и ∞/∞.
25. Замечательные пределы.
26. Непрерывность функции.
27. Производная функции.
28. Основные правила дифференцирования.
29. Экстремумы функций.
30. Частные производные функции нескольких переменных.
31. Первообразная функция и неопределённый интеграл.
32. Задача нахождения площади криволинейной трапеции.
33. Определённый интеграл.
34. Формула Ньютона-Лейбница.
35. Интегрирование неограниченных функций.
36. Дифференциальные уравнения.